

Vežbe za predmet Struktura informacija 1

Branislava Šandrih

školska 2020/21. godina

Sadržaj

1 Zapis označenih brojeva u računaru	3
1.1 Zadaci	3
1.2 Rešenja	4
2 Zapis realnih brojeva u računaru	6
2.1 Zadaci	6
2.2 Rešenja	6
3 Predstavljanje brojeva binarnim kodiranjem dekadnih cifara	7
3.1 Zadaci	7
3.2 Rešenja	8

1 Zapis označenih brojeva u računaru

1.1 Zadaci

1. Zapisati sledeće brojeve u zapisima znak i apsolutna vrednost, nepotpuni komplement i potpuni komplement u dekadnom brojnom sistemu na 10 mesta:
 - a) $x = +436$
 - b) $x = -32$
 - c) $x = -123$
 - d) $x = +1845$
 - e) $x = -43867$
 2. Zapisati sledeće brojeve u zapisima znak i apsolutna vrednost, nepotpuni komplement i potpuni komplement u brojnom sistemu m na n mesta:
 - a) $x = +732, m = 7, n = 5$
 - b) $x = -732, m = 7, n = 5$
 - c) $x = -1045, m = 16, n = 4$
 3. Zapisati sledeće brojeve u zapisima znak i apsolutna vrednost, nepotpuni komplement i potpuni komplement u brojnom sistemu m na n mesta:
 - a) $x = +197, m = 2, n = 10$
 - b) $x = -125, m = 6, n = 8$
 - c) $x = -123, m = 8, n = 9$
 4. Izračunati u zapisu znak i apsolutna vrednost:
 - a) $(43102)_5^5 + (00134)_5^5$
 - b) $(0A37C)_{16}^5 - (0421B)_{16}^5$
- Napomena: U zapisu $(x)_m^n$, m predstavlja brojni sistem, a n broj mesta za zapis cifara.
5. Sabrati sledeće brojeve dekadnog sistema zapisane u nepotpunom komplementu na n mesta:
 - a) $x = +345, y = -27, n = 5$
 - b) $x = -216, y = +34, n = 4$
 - c) $x = -28, y = -245, n = 4$
 6. Izračunati u zapisu nepotpuni komplement:
 - a) $(32102)_4^5 + (02201)_4^5$
 - b) $(03021)_4^5 + (01102)_4^5$
 - c) $(520311)_6^6 - (501012)_6^6$
- Napomena: U zapisu $(x)_m^n$, m predstavlja brojni sistem, a n broj mesta za zapis cifara.
7. Sabrati sledeće brojeve dekadnog sistema zapisane u potpunom komplementu na n mesta:
 - a) $x = +345, y = -27, n = 5$
 - b) $x = -216, y = +34, n = 4$
 - c) $x = -28, y = -245, n = 4$
 8. Izračunati u zapisu potpuni komplement:
 - a) $(04321)_5^5 - (02013)_5^5$
 - b) $(01101)_2^5 + (00110)_2^5$

Napomena: U zapisu $(x)_m^n$, m predstavlja brojni sistem, a n broj mesta za zapis cifara.

1.2 Rešenja

1. Zapisati sledeće brojeve u zapisima znak i apsolutna vrednost, nepotpuni komplement i potpuni komplement u dekadnom brojnom sistemu na 10 mesta:

a) $x = +436$

Z.A. 000436

N.K. 000436

P.K. 000436

b) $x = -32$

Z.A. 900032

N.K. 999967

P.K. 999968

c) $x = -123$

Z.A. 900123

N.K. 999876

P.K. 9998767

d) $x = +1845$

Z.A. 001845

N.K. 001845

P.K. 001845

e) $x = -43867$

Z.A. 943867

N.K. 956132

P.K. 956133

2. Zapisati sledeće brojeve u zapisima znak i apsolutna vrednost, nepotpuni komplement i potpuni komplement u brojnom sistemu m na n mesta:

a) $x = +732, m = 7, n = 5$

$(732)_{10} = (2064)_7$

Z.A. 02064

N.K. 02064

P.K. 02064

b) $x = -732, m = 7, n = 5$

$(732)_{10} = (2064)_7$

Z.A. 62064

N.K. 64602

P.K. 64603

c) $x = -1045, m = 16, n = 4$

$(1045)_{10} = (415)_{16}$

Z.A. F415

N.K. FBEA

P.K. FBEB

3. Zapisati sledeće brojeve u zapisima znak i apsolutna vrednost, nepotpuni komplement i potpuni komplement u brojnom sistemu m na n mesta:

a) $x = +197, m = 2, n = 10$

$(197)_{10} = (11000101)_2$

Z.A. 0011000101

N.K. 0011000101

P.K. 0011000101

b) $x = -125, m = 6, n = 8$

$$(125)_{10} = (325)_6$$

Z.A. 50000325

N.K. 55555230

P.K. 55555231

c) $x = -123, m = 8, n = 9$

$$(-123)_{10} = (173)_8$$

Z.A. 700000173

N.K. 777777604

P.K. 777777605

4. Izračunati u zapisu znak i apsolutna vrednost:

a) $(43102)_5^5 + (00134)_5^5 = (42413)_5^5$

b) $(0A37C)_{16}^5 - (0421B)_{16}^5 = (06161)_{16}^5$

Napomena: U zapisu $(x)_m^n$, m predstavlja brojni sistem, a n broj mesta za zapis cifara.

5. Sabrati sledeće brojeve dekadnog sistema zapisane u nepotpunom komplementu na n mesta:

a) $x = +345, y = -27, n = 5$

$$x + y = 00345 + 99972 = 00318 = (+318)_{10}$$

b) $x = -216, y = +34, n = 4$

$$x + y = 9783 + 0034 = 9817 = (-182)_{10}$$

c) $x = -28, y = -245, n = 4$

$$x + y = 9971 + 9754 = 9726 = (-273)_{10}$$

6. Izračunati u zapisu nepotpuni komplement:

a) $(32102)_4^5 + (02201)_4^5 = (00310)_4^5$

b) $(03021)_4^5 + (01102)_4^5 = *(10123)_4^5$

c) $(520311)_6^6 - (501012)_6^6 = (520311)_6^6 + (054543)_6^6 = (015255)_6^6$

Napomena: U zapisu $(x)_m^n$, m predstavlja brojni sistem, a n broj mesta za zapis cifara.

7. Sabrati sledeće brojeve dekadnog sistema zapisane u potpunom komplementu na n mesta:

a) $x = +345, y = -27, n = 5$

$$x + y = 00345 + 99973 = 00318$$

b) $x = -216, y = +34, n = 4$

$$x + y = 9784 + 0034 = 9818$$

c) $x = -28, y = -245, n = 4$

$$x + y = 9972 + 9755 = 9727$$

8. Izračunati u zapisu potpuni komplement:

a) $(04321)_5^5 - (02013)_5^5 = (04321)_5^5 + (42432)_5^5 = (02303)_5^5$

b) $(01101)_2^5 + (00110)_2^5 = *(10011)_2^5$

Napomena: U zapisu $(x)_m^n$, m predstavlja brojni sistem, a n broj mesta za zapis cifara.

2 Zapis realnih brojeva u računaru

2.1 Zadaci

1. Zapisati sledeće brojeve u obliku nepokretnog zareza u dekadnom sistemu. Ceo deo zapisivati na 4 cifre, a decimalne cifre na 6 cifara.
 - a) 12.045
 - b) -0.000004
 - c) -0.00000008
 - d) 32560000
 - e) 0.0098635
 - f) 1863.5721
 - g) 653.7825
 - h) 0.00014253
 - i) 0.0023712
 - j) 0.1234
2. Zapisati sledeće brojeve u obliku pokretnog zareza u dekadnom sistemu:
 - a) 12.045
 - b) -0.000004
 - c) -0.00000008
 - d) 32560000
 - e) 0.0098635
 - f) 1863.5721
 - g) 653.7825
 - h) 0.00014253
 - i) 0.0023712
 - j) 0.1234
3. Dati su brojevi u binary32 formatu. Odrediti o kojim brojevima je reč.
 - a) 01000001010101000000000000000000
 - b) 11000010110111101000000000000000
 - c) 01000010000100010100000000000000
 - d) 11000011010101100100000000000000
 - e) 11000011001001000000000000000000

2.2 Rešenja

1. Zapisati sledeće brojeve u obliku nepokretnog zareza u dekadnom sistemu. Ceo deo zapisivati na 4 cifre, a decimalne cifre na 6 cifara.
 - a) $12.045 = +0012.045000$
 - b) $-0.000004 = -0000.000004$
 - c) $-0.00000008 = -0000.000000$
 - d) $32560000 = +0000.000000$
 - e) $0.0098635 = +0000.009863$
 - f) $1863.5721 = +1863.572100$
 - g) $653.7825 = +0653.782500$
 - h) $0.00014253 = +0000.000142$

- i) $0.0023712 = +0000.2371$
j) $0.1234 = +0000.123400$
2. Zapisati sledeće brojeve u obliku pokretnog zareza u dekadnom sistemu:
- $12.045 = 0.1205 \cdot 10^2 = 0.1204E+02$
 - $-0.000004 = 0.4000 \cdot 10^{-5} = 0.4000E-05$
 - $-0.00000008 = 0.8000 \cdot 10^{-7} = +0.8000E-07$
 - $32560000 = 0.3256 \cdot 10^8 = +0.3256E+08$
 - $0.0098635 = 0.9864 \cdot 10^{-2} = 0.9864E-02$
 - $1863.5721 = 0.1864 \cdot 10^4 = 0.1864E-02$
 - $653.7825 = 0.6538 \cdot 10^3 = 0.6538E+04$
 - $0.00014253 = 0.1425 \cdot 10^{-3} = 0.1425E-03$
 - $0.0023712 = 0.2371 \cdot 10^{-2} = 0.2371E-02$
 - $0.1234 = 0.1234 \cdot 10^0 = 0.1234E+00$

3. Dati su brojevi u binary32 formatu. Odrediti o kojim brojevima je reč.

a) 0100000101010100000000000000000000000000

znak +

exponent $10000010_2 - 127_{10} = 130 - 127 = 3$

frakcija 1.1010100...0
18

$$+1.10101 \cdot 2^3 = +1101.01 = 2^3 + 2^2 + 2^0 + 2^{-2} = 13.25$$

b) 11000010110111101000000000000000000000000

znak -

exponent $10000101_2 - 127_{10} = 133 - 127 = 6$

frakcija 1.1011110100...0
14

$$-1.10111101 \cdot 2^6 = -1101111.101 = 2^6 + 2^5 + 2^3 + 2^2 + 2^1 + 2^0 + 2^{-1} + 2^{-3} = -111.625$$

c) 0100001000010001010000000000000000

znak +

exponent $10000100_2 - 127_{10} = 132 - 127 = 5$

frakcija 1.00100010100...0
14

$$+1.001000101 \cdot 2^5 = +100100.0101 = 2^5 + 2^2 + 2^{-2} + 2^{-4} = -36.3125$$

d) 1100001101010110010000000000000000000000

-214.25

e) 1100001100100100000000000000000000000000

-164

3 Predstavljanje brojeva binarnim kodiranjem dekadnih cifara

3.1 Zadaci

1. Izračunati u BCD kodu 8421:

- $23492 + 5189$
- $7418 + 3709$
- $259 + 948$
- $32498 + 27986$

2. Izračunati u BCD kodu 8421:

- a) 2634 - 52629
- b) 1275 - 452
- c) 2369 - 4257

3. Izračunati u BCD kodu "višak 3":

- a) 28367 + 2847
- b) 2956 + 5678
- c) 1721 + 8539
- d) -5395 + 5321
- e) 8586 - 5836

3.2 Rešenja

1. Izračunati u BCD kodu 8421:

a) $23492 + 5189 = 28681$

$$\begin{array}{r} 0010\ 0011\ 0100\ 1001\ 0010 \\ + \\ 0000\ 0101\ 0001\ 1000\ 1001 \\ \hline 0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0 \\ \hline 0010\ 1000\ 0110\ 0001\ 1011 \\ + \\ 0000\ 0000\ 0000\ 0110\ 0110 \\ \hline 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0 \\ \hline 0010\ 1000\ 0110\ 1000\ 0001 \\ 2\ 8\ 6\ 8\ 1 \end{array}$$

b) $7418 + 3709 = 11127$

$$\begin{array}{r} 0000\ 0111\ 0100\ 0001\ 1000 \\ + \\ 0000\ 0011\ 0111\ 0000\ 1001 \\ \hline 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0 \\ \hline 0000\ 1010\ 1011\ 0010\ 0001 \\ + \\ 0000\ 0110\ 0110\ 0000\ 0110 \\ \hline 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0 \\ \hline 0001\ 0001\ 0001\ 0010\ 0111 \\ 1\ 1\ 1\ 2\ 7 \end{array}$$

c) $259 + 948 = *(207)$

$$\begin{array}{r} 0010\ 0101\ 1001 \\ + \\ 1001\ 0100\ 1000 \\ \hline 0\ 0\ 1\ 0 \\ \hline 1011\ 1010\ 0001 \\ + \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0110 \ 0110 \ 0110 \\
 \hline
 |1| \ 1 \ 0 \ 0 \\
 \hline
 0010 \ 0000 \ 0111 \\
 2 \ 0 \ 7
 \end{array}$$

d) $32498 + 27986 = 60484$

Korigujemo sve dok sve cifre nisu kodovi u BCD (zato imamo i treću fazu korekcije).

$$\begin{array}{r}
 0011 \ 0010 \ 0100 \ 1001 \ 1000 \\
 + \\
 0010 \ 0111 \ 1001 \ 1000 \ 0110 \\
 \hline
 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0 \\
 \hline
 0101 \ 1001 \ 1110 \ 0001 \ 1110 \\
 + \\
 0000 \ 0000 \ 0110 \ 0110 \ 0110 \\
 \hline
 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \\
 \hline
 0101 \ 1010 \ 0100 \ 1000 \ 0100 \\
 + \\
 0000 \ 0110 \ 0000 \ 0000 \ 0000 \\
 \hline
 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \\
 \hline
 0110 \ 0000 \ 0100 \ 1000 \ 0100 \\
 6 \ 0 \ 4 \ 8 \ 4
 \end{array}$$

2. Izračunati u BCD kodu 8421:

a) $2634 - 52629 = -(52629 - 2634) = -49995$

U rešenju se ilustruje oduzimanje broja sa manjom apsolutnom vrednošću od broja sa većom apsolutnom vrednošću.

$$\begin{array}{r}
 0101 \ 0010 \ 0110 \ 0010 \ 1001 \\
 - \\
 0000 \ 0010 \ 0110 \ 0011 \ 0100 \\
 \hline
 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \\
 \hline
 0100 \ 1111 \ 1111 \ 1111 \ 0101 \\
 - \\
 0000 \ 0110 \ 0110 \ 0110 \ 0000 \\
 \hline
 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \\
 \hline
 0100 \ 1001 \ 1001 \ 1001 \ 0101 \\
 4 \ 9 \ 9 \ 9 \ 5
 \end{array}$$

b) $1275 - 452 = 1275 + (-0452) =_{cpl} 1275 + 9547 = 0823$

U rešenju ilustruje svođenje na sabiranje sa komplementarnim ciframa umanjioca. Kod uzimanja nema prekoračenja. Ukoliko dođe do prenosa u poslednjem koraku, prenos se dodaje na rezultat.

$$\begin{array}{r}
 0001 \ 0010 \ 0111 \ 0101 \\
 + \\
 1001 \ 0101 \ 0100 \ 0111 \\
 \hline
 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \\
 \hline
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 1010\ 0111\ 1011\ 1100 \\
 + \\
 0110\ 0000\ 0110\ 0110 \\
 \hline
 |1|\ 0\ 1\ 1\ 0 \\
 \hline
 0000\ 1000\ 0010\ 0010 \\
 +\qquad\qquad\qquad|1| \\
 \hline
 0000\ 1000\ 0010\ 0011 \\
 0\ 8\ 2\ 3
 \end{array}$$

c) $2369 - 4257 = -(4257 - 2369) = -1888$

U rešenju se ilustruje oduzimanje broja sa manjom apsolutnom vrednošću od broja sa većom apsolutnom vrednošću.

$$\begin{array}{r}
 0100\ 0010\ 0101\ 0111 \\
 - \\
 0010\ 0011\ 0110\ 1001 \\
 \hline
 0\ 1\ 1\ 1\ 0 \\
 \hline
 0001\ 1110\ 1110\ 1110 \\
 - \\
 0000\ 0110\ 0110\ 0110 \\
 \hline
 0\ 0\ 0\ 0\ 0 \\
 \hline
 0001\ 1000\ 1000\ 1000 \\
 1\ 8\ 8\ 8
 \end{array}$$

3. Izračunati u BCD kodu "višak 3":

a) $28367 + 2847 = 31214$

U fazi korekcije se ne vrši prenos na naredni nibl.

$$\begin{array}{r}
 0101\ 1011\ 0110\ 1001\ 1010 \\
 + \\
 0011\ 0101\ 1011\ 0111\ 1010 \\
 \hline
 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0 \\
 \hline
 1001\ 0001\ 0010\ 0001\ 0100 \\
 + \\
 1101\ 0011\ 0011\ 0011\ 0011 \\
 \hline
 |1|\ 0110\ 0100\ 0101\ 0100\ 0111 \\
 3\ 1\ 2\ 1\ 4
 \end{array}$$

b) $2956 + 5678 = 8634$

U fazi korekcije se ne vrši prenos na naredni nibl.

$$\begin{array}{r}
 0101\ 1100\ 1000\ 1001 \\
 + \\
 1000\ 1001\ 1010\ 1011 \\
 \hline
 0\ 1\ 1\ 1\ 0 \\
 \hline
 1110\ 0110\ 0011\ 0100 \\
 + \\
 1101\ 0011\ 0011\ 0011
 \end{array}$$

$$|1| \begin{array}{ccccccc} 1011 & 1001 & 0110 & 0111 \\ 8 & 6 & 3 & 4 \end{array}$$

c) $1721 + 8539 = ?(260)$

U fazi korekcije se ne vrši prenos na naredni nibl. Do prekoračenja dolazi samo ako je u prvoj fazi poslednji prenos 1.

$$\begin{array}{r} 0100 \ 1010 \ 0101 \ 0100 \\ + \ 1011 \ 1000 \ 0110 \ 1100 \\ \hline |1| \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \\ \hline 0000 \ 0010 \ 1100 \ 0000 \\ + \ 0011 \ 0011 \ 1101 \ 0011 \\ \hline 0011 \ 0101 \ 1001 \ 0011 \\ 0 \ 2 \ 6 \ 0 \end{array}$$

d) $-5395 + 5321 = 5321 - 5395 =_{pk} 05321 + 94605 = 00074$

U rešenju se ilustruje svođenje na sabiranje sa suprotnim brojem u potpunom komplementu. Ako se javi prenos u poslednjem sabiranju u drugoj fazi, komplementirati rezultat.

$$\begin{array}{r} 0011 \ 1000 \ 0110 \ 0101 \ 0100 \\ + \ 1100 \ 0111 \ 1001 \ 0011 \ 1000 \\ \hline 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \\ \hline 1111 \ 1111 \ 1111 \ 1000 \ 1100 \\ + \ 1101 \ 1101 \ 1101 \ 1101 \ 1101 \\ \hline |1| \ 1100 \ 1100 \ 1100 \ 0101 \ 1001 \\ 9 \ 9 \ 9 \ 2 \ 6 \\ 0 \ 0 \ 0 \ 7 \ 4 \end{array}$$

U rešenju se ilustruje svođenje na sabiranje sa suprotnim brojem u potpunom komplementu.

e) $8586 - 5836 = 8586 + (-5836) =_{pk} 08586 + 94164 = 02750$

$$\begin{array}{r} 0011 \ 1011 \ 1000 \ 1011 \ 1001 \\ + \ 1100 \ 0111 \ 0100 \ 1001 \ 0111 \\ \hline 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \\ \hline 0000 \ 0010 \ 1101 \ 0101 \ 0000 \\ + \ 0011 \ 0011 \ 1101 \ 0011 \ 0011 \\ \hline 0011 \ 0101 \ 1010 \ 1000 \ 0011 \\ 0 \ 2 \ 7 \ 5 \ 0 \end{array}$$